

# MATEMATIKA 9

**M9PCD19C0T03**

## DIDAKTICKÝ TEST

**Počet úloh: 16**

**Maximální bodové hodnocení: 50 bodů**

**Povolené pomůcky: pouze psací a rýsovací potřeby**

Jméno a příjmení

### **1 Základní informace k zadání zkoušky**

- **Časový limit** pro řešení didaktického testu je uveden na záznamovém archu.
- U každé úlohy je uveden maximální počet bodů.
- Za neuvedené řešení či za nesprávné řešení úlohy **se neudělují záporné body**.
- **Odpovědi pište do záznamového archu.**
- Poznámky si můžete dělat do testového sešitu, nebudou však předmětem hodnocení.
- Didaktický test obsahuje **otevřené a uzavřené úlohy**. Uzavřené úlohy obsahují nabídku odpovědí. U každé takové úlohy nebo podúlohy je **právě jedna odpověď správná**.

### **2 Pravidla správného zápisu do záznamového archu**

- Řešení úloh zapisujte do záznamového archu **modré nebo černé** písíci propisovací tužkou, která píše **dostatečně silně a nepřerušovaně**.
- Nejednoznačný nebo nečitelný zápis odpovědi bude považován za chybné řešení.
- V konstrukčních úlohách rýsujte tužkou a následně vše obtáhněte propisovací tužkou.

### **2.1 Pokyny k otevřeným úlohám**

- Řešení úloh **pište čitelně** do vyznačených bílých polí záznamového archu.
- |   |                      |
|---|----------------------|
| 1 | <input type="text"/> |
|---|----------------------|
- Pokud budete chtít provést opravu, původní zápis přeškrtněte a nový uveďte do stejného pole.
  - Je-li požadován celý postup řešení, uveďte jej do záznamového archu. Pokud uvedete pouze výsledek, nebudou vám přiděleny žádné body.
  - Zápis uvedené mimo vyznačená bílá pole záznamového archu nebudou hodnoceny.

### **2.2 Pokyny k uzavřeným úlohám**

- Odpověď, kterou považujete za správnou, zřetelně zakřížkujte v příslušném bílém poli záznamového archu, a to přesně z rohu do rohu dle obrázku.

A	B	C	D	E
14 <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	X <input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- Pokud budete chtít následně zvolit jinou odpověď, pečlivě zabarvěte původně zakřížkované pole a zvolenou odpověď vyznačte krížkem do nového pole.

A	B	C	D	E
14 X <input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	■ <input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

- Jakýkoliv jiný způsob záznamu odpovědí (např. dva krížky u jedné otázky) bude považován za nesprávnou odpověď.

**TESTOVÝ SEŠIT NEOTVÍREJTE, POČKEJTE NA POKYN!**

V úlohách **1, 2, 4.1, 4.2, 6, 7, 8** a **16** přepište do **záznamového archu** pouze **výsledky**.

**1 bod**

- 1** **Vypočtěte**, kolik procent je 6 minut ze 2 hodin.
- 

**max. 2 body**

- 2** **Vypočtěte**,

2.1 **kolikrát** je objem  $0,2 \text{ cm}^3$  menší než objem 4 litry,

2.2 **o kolik**  $\text{cm}^2$  je plocha o obsahu  $0,2 \text{ m}^2$  větší než plocha o obsahu  $20 \text{ cm}^2$ .

---

**Doporučení:** Úlohy **3, 4.3** a **5** řešte přímo **v záznamovém archu**.

**max. 4 body**

- 3** **Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.**

3.1

$$\frac{6}{5} - \frac{6}{5} : \frac{9}{10} + 0,3 =$$

3.2

$$\frac{2 + \frac{14}{3}}{2 \cdot \frac{14}{3}} =$$

**V záznamovém archu** uveděte v obou částech úlohy celý **postup řešení**.

**max. 4 body**

**4 Zjednodušte** (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

4.1

$$(5n - 2) \cdot (-4n) =$$

4.2

$$\left(2x - \frac{1}{2}\right)^2 =$$

4.3

$$a \cdot 2a - 2 \cdot (3a - 1) \cdot a - a \cdot (7 - 4) =$$

**V záznamovém archu** uveděte pouze v podúloze 4.3 celý **postup řešení**.

---

**max. 4 body**

**5 Řešte rovnici:**

5.1

$$0,2x + \frac{1}{2} = 2 \cdot (x + 0,25)$$

5.2

$$\frac{9 - 3y}{6} - \frac{3 - 2y}{2} = \frac{3 - y}{3}$$

**V záznamovém archu** uveděte v obou částech úlohy celý **postup řešení** (zkoušku nezapisujte).

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Zahradník sázel na záhon sazenice. Sazenic salátů zasadil o 4 více než sazenic okurek. Na záhoně čtvrtinu sazenic salátů zlikvidovali slimáci a šestina sazenic okurek uschla. Všechny ostatní sazenice se ujaly. Na záhoně se tak ujal stejný počet sazenic salátů a okurek.

(CZVV)

**max. 3 body**

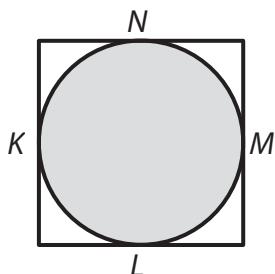
**6 Určete,**

- 6.1 kolik sazenic **salátů** zahradník **zasadil**,
- 6.2 kolik sazenic **okurek** se **ujalo**.

---

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Délka strany čtverce je 6 cm. Část čtverce je zakryta tmavým kruhem, který má s každou stranou čtverce právě jeden společný bod ( $K, L, M, N$ ).



(CZVV)

**max. 3 body**

**7**

- 7.1 Vypočtěte v cm obvod tmavého kruhu.
- 7.2 Vypočtěte, o kolik  $\text{cm}^2$  je obsah čtverce větší než obsah tmavého kruhu.

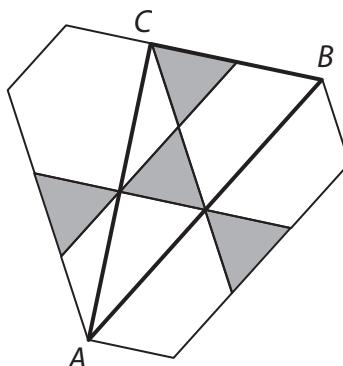
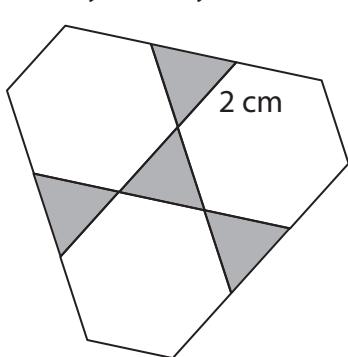
Výsledky zaokrouhlete na setiny cm, resp.  $\text{cm}^2$ .

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Velký rovinný obrazec je složen ze čtyř shodných rovnostranných trojúhelníků se stranou délky 2 cm a tří shodných pravidelných šestiúhelníků.

Ve velkém rovinném obrazci je sestrojen trojúhelník  $ABC$ , jehož každý vrchol je i vrcholem některého ze tří pravidelných šestiúhelníků.

Velký rovinný obrazec



(CZVV)

**max. 4 body**

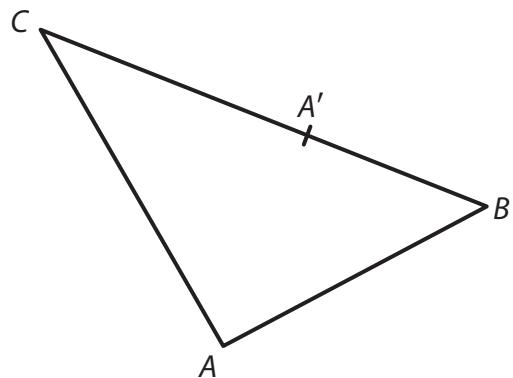
### 8 Vypočtěte v cm

- 8.1 obvod velkého rovinného obrazce,
- 8.2 délku strany  $AB$ ,
- 8.3 délku strany  $AC$  (výsledek vyjádřený odmocninou neupravujte).

**Doporučení pro úlohy 9 a 10:** Rýsujte přímo do záznamového archu.

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině je trojúhelník  $ABC$ , na jehož straně  $BC$  leží bod  $A'$ .



(CZW)

**max. 3 body**

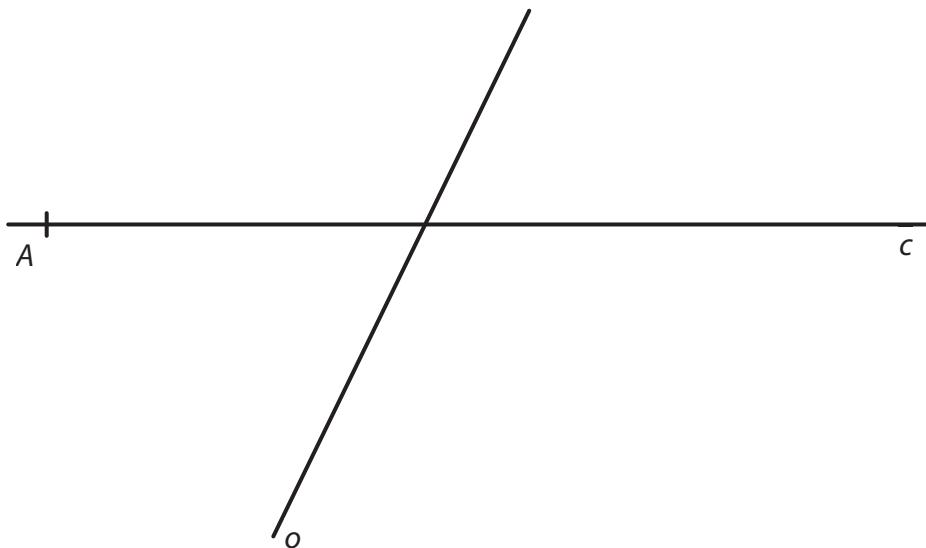
- 9** Bod  $A'$  je vrchol trojúhelníku  $A'B'C'$ , který je obrazem trojúhelníku  $ABC$  ve středové souměrnosti se středem  $S$ .

- 9.1 **Sestrojte a označte** písmenem střed souměrnosti  $S$ .  
9.2 **Sestrojte a označte** písmeny chybějící vrcholy  $B'$  a  $C'$  trojúhelníku  $A'B'C'$  a trojúhelník **narýsujte**.

**V záznamovém archu** obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží různoběžné přímky  $o, c$ . Přímka  $c$  prochází bodem  $A$ .



(CZVV)

**max. 2 body**

- 10** Bod  $A$  je vrchol pravoúhlého lichoběžníku  $ABCD$  se základnami  $AB, CD$  a pravým úhlem při vrcholu  $B$ . Přímka  $o$  je osa strany  $AB$ . Vrchol  $C$  leží na přímce  $c$ , vrchol  $D$  leží na přímce  $o$ .

**Sestrojte a označte** písmeny chybějící vrcholy  $B, C, D$  lichoběžníku  $ABCD$  a lichoběžník **narýsujte**.

**V záznamovém archu** obtáhněte celou konstrukci **propisovací tužkou** (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 11

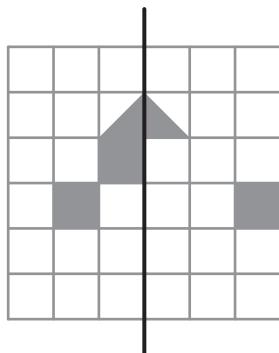
Jeden čtvereček čtvercové sítě má obsah  $1 \text{ cm}^2$ .

Tři připravené obrazce I–III obsahují tmavé útvary s vrcholy v mřížových bodech.

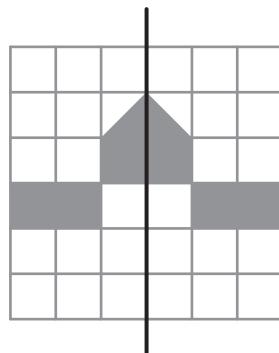
U každého připraveného obrazce se přeložením papíru podle vyznačené úsečky všechny **tmavé plochy obtisknou** z jedné strany na druhou a opačně, a vznikne tak dokončený osově souměrný obrazec.

### VZOR:

Připravený obrazec

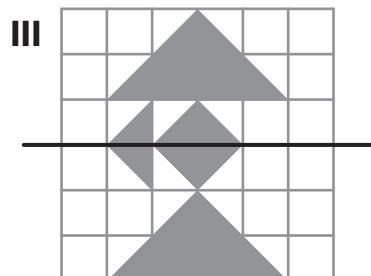
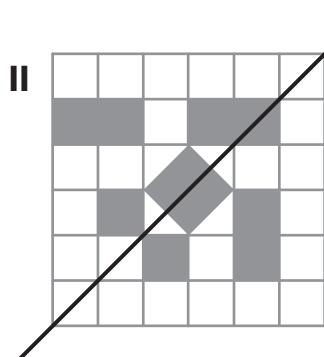
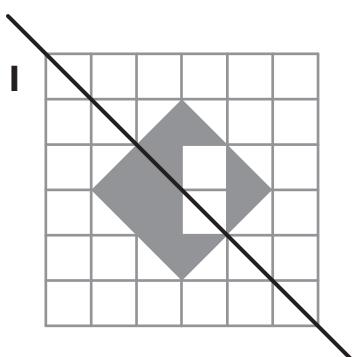


Dokončený obrazec



Obsahy tmavých ploch obou obrazců se liší o  $3 \text{ cm}^2$ .

### Připravené obrazce:



(CZW)

max. 4 body

11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

11.1 Obsahy tmavých ploch dokončeného a připraveného obrazce I se liší o  $2 \text{ cm}^2$ .

A	N
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

11.2 Obsahy tmavých ploch dokončeného a připraveného obrazce II se liší o  $3 \text{ cm}^2$ .

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------

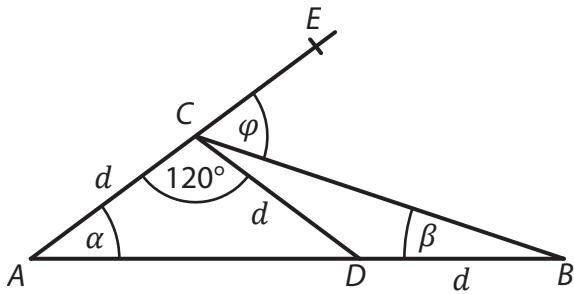
11.3 Obsahy tmavých ploch dokončeného a připraveného obrazce III se liší o  $4 \text{ cm}^2$ .

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Na úsečce  $AB$  leží bod  $D$ , na polopřímce  $AE$  bod  $C$ . Platí:

$$|AC| = |CD| = |BD| = d$$



(CZW)

**2 body**

**12 Jaký je součet úhlů  $\alpha + \beta + \varphi$ ?**

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- A)  $90^\circ$
- B)  $85^\circ$
- C)  $80^\circ$
- D)  $75^\circ$
- E) jiná velikost

### VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 13

Ve škole se o prázdninách vymalovaly všechny učebny.

Za první den 6 malířů vykonalo šestinu požadované práce.

Od druhého dne až do ukončení malování pracovalo pouze 5 malířů, protože jeden onemocněl.

Všichni malíři pracovali po celou dobu stejným tempem.

(CZVV)

**2 body**

**13 Kolik dní trvalo dokončení práce 5 zbývajícím malířům (bez nemocného kolegy)?**

- A) méně než 4 dny
- B) 4 dny
- C) 5 dnů
- D) 6 dnů
- E) více než 6 dnů

---

### VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Kvádr má dvě čtvercové podstavy, každou o obsahu  $S_1 = 16 \text{ cm}^2$ , a další čtyři stěny, každou o obsahu  $S_2 = 22 \text{ cm}^2$ .

(CZVV)

**2 body**

**14 Jaký je objem kvádru?**

- A) menší než  $88 \text{ cm}^3$
- B)  $88 \text{ cm}^3$
- C)  $120 \text{ cm}^3$
- D)  $176 \text{ cm}^3$
- E) větší než  $176 \text{ cm}^3$

**max. 6 bodů**

**15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).**

- 15.1 Tři pětiny objemu nádoby jsou zaplněny vodou.  
Celou nádobu zaplníme po dolití dalších 14 litrů vody. (Nádoba nepřeteče.)

**Jaký je objem nádoby?** \_\_\_\_\_

- 15.2 Voda v nádobě vyplňuje 55 % jejího objemu. Když z nádoby  
odebereme 12 litrů vody, bude zaplněna přesně čtvrtina objemu nádoby.

**Jaký je objem nádoby?** \_\_\_\_\_

- 15.3 V každé ze tří stejných nádob je nalito jiné množství vody.  
V první nádobě vyplňuje voda 30 % jejího objemu a ve druhé nádobě 40 % objemu.  
Ve třetí nádobě je 19 litrů vody.  
Kdybychom vodu ze všech nádob rozdělili rovnoměrně, voda by v každé nádobě  
vyplnila dvě pětiny jejího objemu.

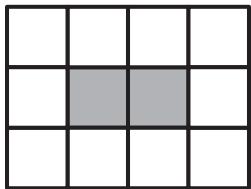
**Jaký je objem jedné nádoby?** \_\_\_\_\_

- A) 30 litrů
- B) 33 litrů
- C) 35 litrů
- D) 38 litrů
- E) 40 litrů
- F) jiný objem

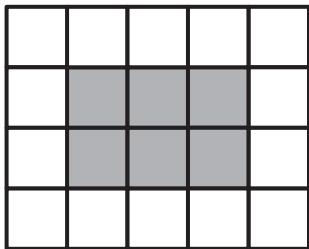
## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

Obdélníková mozaika z bílých a šedých čtverců se tvoří podle následujících pravidel:

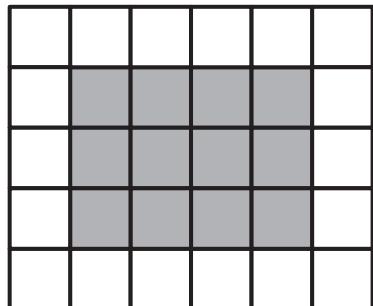
- Počet sloupců v obdélníku je o 1 větší než počet řad.
- Šedý obdélník obklopují bílé čtverce pouze v jedné vrstvě.



4 sloupce  
3 řady



5 sloupců  
4 řady



...

(CZVV)

**max. 4 body**

### 16 Vypočtěte,

16.1 kolik **šedých** čtverců je v mozaice, která obsahuje celkem 12 řad,

16.2 kolik **šedých** čtverců je v mozaice, která má 70 bílých čtverců,

16.3 kolik **bílých** čtverců je v mozaice, která má celkem 380 čtverců (šedých i bílých).

---

**ZKONTROLUJTE, ZDA JSTE DO ZÁZNAMOVÉHO ARCHU UVEDL/A VŠECHNY ODPOVĚDI.**

---